

Cvičení z automatů a gramatik - 11

29. dubna a 9. května 2014

Probrané příklady

1. Greibachové normální tvar. Jak se zbavit pravidel typu $A \rightarrow Au$, kde $u \in (V_N \cup V_T)^*$? Následující gramatiky převeďte do Greibachové normálního tvaru. Jaké uspořádání neterminálů je nejvýhodnější?

$$\begin{aligned} E &\rightarrow E + T \mid t \\ T &\rightarrow T * F \mid F \\ F &\rightarrow (E) \mid a \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} S &\rightarrow AB \\ A &\rightarrow BS \mid a \\ B &\rightarrow SA \mid b \end{aligned}$$

2. Následující gramatiky převeďte do Chomského normálního tvaru. Zamyslete se, jak rozdělit *dlouhá* pravidla, aby počet nových neterminálů byl co nejmenší.

$$\begin{aligned} S &\rightarrow A \mid 0SA \mid \lambda \\ A &\rightarrow 1A \mid 1 \mid B \\ B &\rightarrow 0B \mid 0 \mid \lambda \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} S &\rightarrow 0A10B11 \\ A &\rightarrow 0A1 \mid C \mid \lambda \\ B &\rightarrow 0B11 \mid \lambda \\ C &\rightarrow 00A11 \mid \lambda \end{aligned}$$

3. Algoritmus CYK. Pomocí algoritmu CYK zjistěte, zda lze první gramatikou z příkladu 2. vygenerovat slovo 0100.

Domácí úkol (po 1 bodu)

4. Dokažte, že každou bezkontextovou gramatiku lze převézt (až na λ) ekvivalentní gramatiku s pravidly pouze následujícího typu, kde $a \in V_T$ a $A, B, C \in V_N$.
- $A \rightarrow a$
 - $A \rightarrow aB$
 - $A \rightarrow aBC$
5. Dokažte, že každou bezkontextovou gramatiku lze převézt (až na λ) ekvivalentní gramatiku s pravidly pouze následujícího typu, kde $a, b \in V_T$ a $W \in V_N^*$.
- $A \rightarrow a$
 - $A \rightarrow aWb$