

Cvičení z automatů a gramatik - 1

1. a 2. března 2017

Podmínky na zápočet

Dostatečný součet bodů získaných za testy (2 během semestru), zápočtovou písemku, domácí úkoly, aktivitu na cvičeních.

Probrané příklady

1. Formální definice: konečný automat, tranzitivní rozšíření přechodové funkce, přijímané slovo, rozpoznávaný jazyk, třída regulárních jazyků.
 - (a) Jakou výpočetní sílu mají (ne)konečné automaty s nekonečně (spočetně) mnoha stavami?
 - (b) Jakou výpočetní sílu mají (ne)konečné automaty s nekonečnou (spočetnou) abecedou?
2. Nechť binární slova kódují průběh tenisového zápasu, přičemž 0 a 1 reprezentují, že první resp. druhý hráč získal bod. Sestrojte konečný automat (s co nejmenší množinou stavů), který přijímá právě slova kódující hru vyhranou prvním hráčem.
3. Sestrojte konečný automat (s co nejmenší množinou stavů) rozpoznávající jazyk
 - (a) $L = \{xwx; x \in \{0,1\}, w \in \{0,1\}^*\}$
 - (b) $L = \{w \in \{0,1\}^*; |w|_0 = 2i \text{ a } |w|_1 = 3j \text{ pro nějaká } i, j \in \mathbb{N}\}$
 - (c) $L = \{w \in \{0,1\}^*; w \text{ je binární zápis čísla dělitelného } 5\}$
 - (d) $L = \{w \in \{a,b,r\}^*; w \text{ končí na } ara, bar, arab, \text{ nebo } baraba\}$, viz Aho-Corasick (ADS)
4. Nerodova věta: znění, význam.
 - (a) Uveďte příklad ekvivalence na Σ^* nekonečného indexu, která je pravou a zároveň levou kongruencí.
 - (b) Uveďte příklad ekvivalence na Σ^* nekonečného indexu, která je pravou a zároveň není levou kongruencí.
5. Dokažte, či vyvraťte pomocí Nerodovy věty, že následující jazyky jsou regulární.
 - (a) $L = \{0^i 1^j; i \leq j\}$
 - (b) $L = \{0^i 1^j; i \geq j\}$
 - (c) $L = \{0^i 1^j; i \leq j \leq k\}$ pro pevné k
 - (d) $L = \{ww^R; w \in \{0,1\}^*\}$
 - (e) $L = \{a^{2n}; n \in \mathbb{N}\}$
 - (f) $L = \{a^{2^n}; n \in \mathbb{N}\}$

Domácí úkol

Odevzdějte na příštím cvičení.

6. Dokažte pomocí Nerodovy věty, že jazyk $L = \{a^p; p \text{ je prvočíslo}\}$ není regulární. (1 bod)